

## L'équation réduite d'une droite :

## Définition

Dans le plan rapporté à un repère orthonormé, chaque droite admet une équation réduite de la forme:  $y = mx + p$

**a**  $m$  est appelé : le coefficient directeur (ou la pente) de la droite.

**b**  $p$  est appelé : l'ordonnée à l'origine de la droite.

## Exercice 1

Soit  $(D)$  une droite d'équation réduite :  $y = -2x + 1$

**a** Déterminer le coefficient directeur et l'ordonnée à l'origine de la droite  $(D)$

**b** Vérifier si les points  $A(2; -3)$  et  $B(-1; 4)$  appartiennent à la droite  $(D)$

**c** Tracer la droite  $(D)$

## Comment déterminer l'équation réduite d'une droite :

## Propriété du coefficient directeur :

Si  $y = mx + p$  est une équation réduite d'une droite  $(AB)$ , alors:  $m = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$  avec  $x_B \neq x_A$

## Exercice 2

Dans le plan rapporté à un repère orthonormé  $(O; I; J)$ , on considère les points  $A(2; 1)$  et  $B(3; -2)$

**a** Déterminer l'équation réduite de la droite  $(AB)$  :

**b** Déterminer l'équation réduite de  $(\Delta)$ , passant par  $A$  et de pente  $-\frac{1}{2}$

## Droites parallèles et droites perpendiculaires :

## Propriétés du coefficient directeur :

Soient  $m$  et  $m'$  les coefficients directeurs respectifs des droites  $(D)$  et  $(\Delta)$

**a**  $(D) // (\Delta)$  est équivalent à  $m = m'$       **b**  $(D) \perp (\Delta)$  est équivalent à  $mm' = -1$

## Exercice 3

On considère les points  $A(2; 1)$  et  $B(3; -2)$

**a** Déterminer l'équation réduite de la droite  $(D)$  passant par  $A$  est parallèle à  $(AB)$

**b** Déterminer l'équation réduite de la droite  $(\Delta)$ , passant par  $B$  et perpendiculaire à  $(AB)$