

Exercice 1: Réponse en vidéo

Calculer les intégrales suivantes :

❶ $\int_{-1}^2 (1 - |x - 1|)^{10} dx$

❷ $\int_1^e \frac{1 - e^{2x}}{e^{2x} - 2x} dx$

❸ $\int_1^e \frac{1}{x(1 + \ln(x))^3} dx$

❹ $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin(x)}{2 - \cos(x)} dx$

❺ $\int_1^2 3^x dx$

❻ $\int_{-\ln 2}^0 \frac{2}{\sqrt{e^{2x} + 2e^x}} dx$

Exercice 2: Réponse en vidéoSoit g la fonction définie sur $]0; +\infty[$ par : $f(x) = \frac{1 + \ln(x)}{\sqrt{x}}$ (C_g) est la courbe représentative de g dans un repère orthonormé $(o; \vec{i}; \vec{j})$ ❶ En utilisant une intégration par parties montrer que $\int_1^{e^2} \frac{\ln(x)}{\sqrt{x}} dx = 4$ ❷ En déduire la valeur de l'intégrale $\int_1^{e^2} g(x) dx$ ❸ En déduire la valeur moyenne de la fonction g entre 1 et e^2 ❹ Calculer le volume du corps engendré par la rotation de (C_g) autour de l'axe (ox) sur $[1; e^2]$ **Exercice 3: Réponse en vidéo**Soit la fonction g définie sur \mathbb{R} par $g(x) = e^x(2x + 1) - 1$ ❶ **a** Calculer $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ **b** Étudier les variations de la fonction g .**c** Déterminer le signe de $g(x)$ suivant les valeurs de x .❷ On considère la fonction f définie sur \mathbb{R} par :

$$f(x) = x(e^x - 1)^2$$

 (C) est représentative de la fonction f dans le plan muni d'un repère orthonormal**a** Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$. En déduire la nature de la branche infinie en $+\infty$ **b** Montrer que la droite (D) d'équation $y = x$ est une asymptote oblique de (C) en $-\infty$ **c** Montrer que $(\forall x \in \mathbb{R}); f'(x) = (e^x - 1)(e^x - 1 + 2xe^x)$ **d** Dresser le tableau de variations de la fonction f .❸ **a** En utilisant une intégration par parties vérifier que $\int_0^1 x(e^{2x} - 2e^x) dx = \frac{e^2 - 7}{4}$ **b** Déterminer l'aire \mathcal{A} de la partie du plan délimitée par l'axe des abscisses, la courbe (C_f) et les droites d'équations $x = 0$ et $x = 1$. On exprimera cette aire en cm^2